

### **SYLABUS PRZEDMIOTU: Równania różniczkowe zwyczajne**

| <b>Lp.</b> | <b>Elementy składowe sylabusu</b>                                                                                                            | <b>Opis</b>                                               |
|------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------|
| 1.         | <b>Nazwa przedmiotu</b>                                                                                                                      | Równania różniczkowe zwyczajne                            |
| 2.         | <b>Nazwa jednostki prowadzącej przedmiot</b>                                                                                                 | Wydział Matematyki i Informatyki, Instytut Matematyki     |
| 3.         | <b>Kod przedmiotu</b>                                                                                                                        |                                                           |
| 4.         | <b>Język przedmiotu</b>                                                                                                                      | Język polski                                              |
| 5.         | <b>Grupa treści kształcenia, w ramach której przedmiot jest realizowany</b>                                                                  | Przedmiot realizowany w ramach grupy treści podstawowych. |
| 6.         | <b>Typ przedmiotu</b>                                                                                                                        | Przedmiot obowiązkowy do ukończenia całego toku studiów.  |
| 7.         | <b>Rok studiów, semestr</b>                                                                                                                  | Rok II, semestr IV, specjalność <b>ogólna</b>             |
| 8.         | <b>Imię i nazwisko osoby (osób) prowadzącej przedmiot</b>                                                                                    |                                                           |
| 9.         | <b>Imię i nazwisko osoby (osób) egzaminującej bądź udzielającej zaliczenia w przypadku, gdy nie jest nim osoba prowadząca dany przedmiot</b> |                                                           |
| 10.        | <b>Formuła przedmiotu</b>                                                                                                                    | Wykład i ćwiczenia                                        |
| 11.        | <b>Wymagania wstępne</b>                                                                                                                     | Analiza matematyczna II                                   |
| 12.        | <b>Liczba godzin zajęć dydaktycznych</b>                                                                                                     | 30 godzin wykładu i 30 godzin ćwiczeń                     |
| 13.        | <b>Liczba punktów ECTS przypisana przedmiotowi</b>                                                                                           | 8                                                         |
| 14.        | <b>Czy podstawa obliczenia średniej ważonej?</b>                                                                                             | Przedmiot stanowi podstawę obliczenia średniej ważonej.   |

|     |                                                                                                                                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|-----|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|     |                                                                                                                                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| 15. | <b>Założenia i cele przedmiotu</b>                                                                                                                                                                                | Zadaniem kursu jest wprowadzenie studenta w podstawowe zagadnienia teorii równań różniczkowych zwyczajnych, nabycie umiejętności rozwiązywania podstawowych typów równań zwyczajnych.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| 16. | <b>Metody dydaktyczne</b>                                                                                                                                                                                         | Wykład prowadzony jest w tradycyjny sposób z ewentualnym wykorzystaniem projektora multimedialnego. Ćwiczenia głównie odbywają się przy tablicy, gdzie studenci rozwiązują zagadnienia teoretyczne i obliczeniowe, część ćwiczeń w laboratorium komputerowym.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| 17. | <b>Forma i warunki zaliczenia przedmiotu, w tym zasady dopuszczenia do egzaminu, zaliczenia z przedmiotu, a także formę i warunki zaliczenia poszczególnych form zajęć wchodzących w zakres danego przedmiotu</b> | Przedmiot kończy się egzaminem pisemnym i/lub ustnym. Do podejścia do egzaminu konieczne jest zaliczenie ćwiczeń. Podstawą uzyskania zaliczenia z ćwiczeń jest ocenianie ciągle i/lub kilka (liczba zależy od prowadzących ćwiczenia) pisemnych sprawdzianów.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| 18. | <b>Treści merytoryczne przedmiotu oraz sposób ich realizacji</b>                                                                                                                                                  | Pojęcie równania różniczkowego zwyczajnego i jego rozwiązania. Zagadnienie początkowe. Twierdzenia o lokalnym istnieniu i jednoznaczności rozwiązań. Lemat Gronwalla. Ciągła i gładka zależność rozwiązań od wartości początkowych i parametrów. Rozwiązania wysycone. Układy równań liniowych. Układy równań liniowych o stałych współczynnikach. Równania liniowe wyższych rzędów o stałych współczynnikach. Hiperboliczność w układach liniowych. Oscylator harmoniczny z tłumieniem i wymuszeniem. Równania różniczkowe autonomiczne i układy dynamiczne. Pole wektorowe. Stabilność punktu stacjonarnego w sensie Lapunowa i\ stabilność asymptotyczna. Funkcja Lapunowa i równania gradientowe. Linearyzacja. Portret fazowy. Portrety fazowe równań liniowych na płaszczyźnie. Całki pierwsze i równania hamiltonowskie - elementy mechaniki klasycznej. Równanie Newtona z jednym stopniem swobody. Ruch w centralnym polu sił. Prawa Keplera. Informacja o klasycznych równaniach cząstkowych. |
| 19. | <b>Wykaz literatury podstawowej i uzupełniającej, obowiązującej do zaliczenia danego przedmiotu</b>                                                                                                               | Wykład ma charakter autorski, obowiązuje przede wszystkim materiał wyłożony, literatura ma charakter pomocniczy. Do odpowiednich zagadnień literatura podawana jest na bieżąco w trakcie wykładu.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |